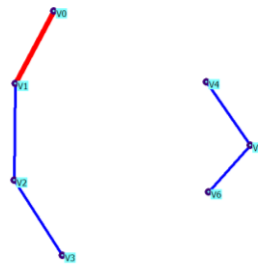


Considera graful initial cu matricea de adiacenta G (continue 1 daca varfurile sunt adiacente si 0 altfel), ca in figura de mai jos.

Sa se calculeze distanta intre varfuri.

	V0	V1	V2	V3	V4	V5	V6
V0	1	1	0	0	0	0	0
V1	1	1	1	0	0	0	0
V2	0	1	1	1	0	0	0
V3	0	0	1	1	0	0	0
V4	0	0	0	0	1	1	0
V5	0	0	0	0	1	1	1
V6	0	0	0	0	0	1	1



Inmultirea a doua matrici:

$$A * B = C \rightarrow c_{ij} = \sum_{k=1}^n a_{ik} * b_{kj}, \text{ all } i, j$$

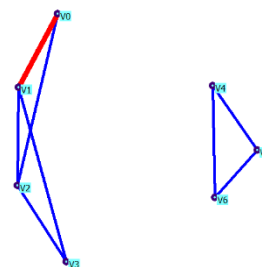
Schimbam operatia de inmultire cu adunarea si sumarea cu calculul minimului pentru elemente nenule:

$$A \otimes B = C \rightarrow c_{ij} = \min \sum_{k=1}^n a_{ik} * b_{kj}, \text{ all } i, j$$

$$c_{ij} = \text{Min}_{k=1, n} a_{ik} * b_{kj}, \text{ all } i, j$$

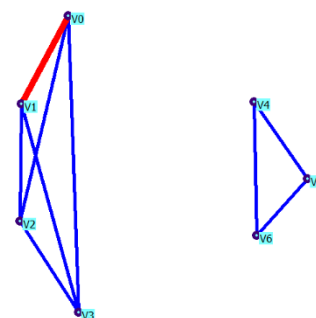
Acum calculam matricea  $G^2 = G \otimes G$ . Ea reprezinta matricea drumurilor de lungime 2:

	V0	V1	V2	V3	V4	V5	V6
V0	2	2	2	0	0	0	0
V1	2	2	2	2	0	0	0
V2	2	2	2	2	0	0	0
V3	0	2	2	2	0	0	0
V4	0	0	0	0	2	2	2
V5	0	0	0	0	2	2	2
V6	0	0	0	0	2	2	2



Si apoi calculam matricea  $G^3$ . Ea reprezinta matricea drumurilor de lungime 3:

	V0	V1	V2	V3	V4	V5	V6
V0	3	3	3	3	0	0	0
V1	3	3	3	3	0	0	0
V2	3	3	3	3	0	0	0
V3	3	3	3	3	0	0	0
V4	0	0	0	0	3	3	3
V5	0	0	0	0	3	3	3
V6	0	0	0	0	3	3	3



Matricea distantelor va fi minimul (pentru elemente nenule) pe fiecare celula intre:  $G$ ,  $G^2$  si  $G^3$ . (Algoritmul se termina sigur in  $n-1$  pasi, deoarece nu exista un drum mai lung decat numarul de varfuri -1). Dar in acest caz nu se mai pot face imbunatari.

	V0	V1	V2	V3	V4	V5	V6
V0	1	1	2	3	0	0	0
V1	1	1	1	2	0	0	0
V2	2	1	1	1	0	0	0
V3	3	2	1	1	0	0	0
V4	0	0	0	0	1	1	2
V5	0	0	0	0	1	1	1
V6	0	0	0	0	2	2	1